

平面向量基本定理

【内容简介】

1. 向量共线条件
2. 平面向量基本定理

例10. 已知向量 \vec{a} 、 \vec{b} 满足 $\frac{\vec{a}+3\vec{b}}{5} - \frac{\vec{a}-\vec{b}}{2} = \frac{1}{5}(3\vec{a}+2\vec{b})$, 求证: 向量 \vec{a} 、 \vec{b} 共线.

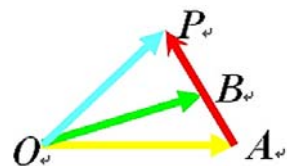
例11. 已知 $\overrightarrow{AD} = 3\overrightarrow{AB}$, $\overrightarrow{DE} = 3\overrightarrow{BC}$, 试判断 \overrightarrow{AC} 与 \overrightarrow{AE} 是否共线?

例12. 在四边形 $ABCD$ 中, $\overrightarrow{AB} = \vec{a} + 2\vec{b}$, $\overrightarrow{BC} = -4\vec{a} - \vec{b}$, $\overrightarrow{CD} = -5\vec{a} - 3\vec{b}$, 求证: 四边形 $ABCD$ 是梯形.

例6. 已知向量 \vec{e}_1 、 \vec{e}_2 不共线, 实数 x 、 y 满足 $(3x-4y)\vec{e}_1 + (2x-3y)\vec{e}_2 = 6\vec{e}_1 + 3\vec{e}_2$, 则 $x-y$ 的值等于()

- A. 3
- B. -3
- C. 0
- D. 2

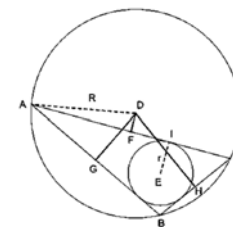
例8. 如图, \vec{OA}, \vec{OB} 不共线, 且 $\vec{AP} = t\vec{AB} (t \in \mathbb{R})$, 用 \vec{OA}, \vec{OB} 表示 \vec{OP} .



例7. 设 \vec{OA}, \vec{OB} 不共线, 点 P 在 O, A, B 所在的平面内, 且 $\vec{OP} = (1-t)\vec{OA} + t\vec{OB} (t \in \mathbb{R})$, 求证: A, B, P 三点共线.

例4. 已知 $YABCD$ 的两条对角线 AC 与 BD 交于 E , O 是任意一点, 求证: $\vec{OA} + \vec{OB} + \vec{OC} + \vec{OD} = 4\vec{OE}$.

互动练习时间!
快向南瓜老师证明:
机智的小瓜子
已经掌握好了这些内容吧!
数学演义



拉扎尔·尼古拉·玛格丽特·卡诺
Lazare Nicolas Marguerite Carnot
1753年5月13日—1823年8月2日
法国数学家